

# 2009학년도 11월 고1 전국연합학력평가 정답 및 해설

## • 2교시 수리 영역 •

1	3	2	1	3	1	4	3	5	3
6	3	7	2	8	4	9	5	10	4
11	1	12	1	13	5	14	2	15	2
16	2	17	4	18	5	19	4	20	3
21	2	22	20	23	7	24	13	25	500
26	4	27	15	28	8	29	70	30	999

### 1. [출제의도] 무리식을 계산하기

$$\sqrt{3+2\sqrt{2}} + \sqrt{3-2\sqrt{2}} = \sqrt{2}+1 + \sqrt{2}-1 = 2\sqrt{2}$$

### 2. [출제의도] 다항식을 덧셈, 곱셈하기

$$(x-1)(x+1)(x^2+1)+1 = (x^2-1)(x^2+1)+1 = (x^4-1)+1 = x^4$$

### 3. [출제의도] 실수의 연산에 관한 성질을 이해하기

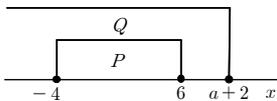
1 +  $\sqrt{2}$ 의 덧셈에 대한 역원을  $x$ 라 하면,  
 $(1 + \sqrt{2}) + x = x + (1 + \sqrt{2}) = 0$ 에서  
 $x = -1 - \sqrt{2}$ 이다.

또한, 1 +  $\sqrt{2}$ 의 곱셈에 대한 역원을  $y$ 라 하면,  
 $(1 + \sqrt{2}) \cdot y = y \cdot (1 + \sqrt{2}) = 1$ 에서  
 $y = \frac{1}{1 + \sqrt{2}} = \sqrt{2} - 1$ 이다.

따라서  $x + y = -2$

### 4. [출제의도] 충분조건을 이해하기

두 조건  $p, q$ 의 진리집합을 각각  $P, Q$ 라 하면  
 $P = \{x | |x-1| \leq 5\} = \{x | -4 \leq x \leq 6\}$ ,  
 $Q = \{x | x \leq a+2\}$ 이다.  
 이때,  $p$ 는  $q$ 이기 위한 충분조건이 되려면  $P \subset Q$   
 이므로 아래 그림과 같이  $a+2 \geq 6 \dots$  ①이어야 한다.



①의 식을 풀면,  $a \geq 4$ 이다.  
 따라서 상수  $a$ 의 최솟값은 4이다.

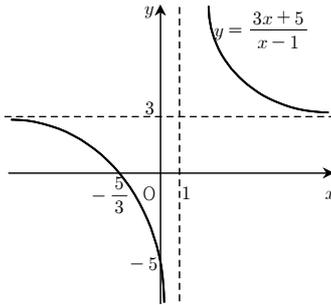
### 5. [출제의도] 합성함수와 역함수를 이해하기

두 함수  $y = f(x), y = g(x)$ 의 그래프로부터  
 $f(1) = 1, g(1) = 2, g^{-1}(4) = 4, f^{-1}(3) = 4$ 이다.  
 그러므로  $(g \circ f)(1) = g(f(1)) = g(1) = 2$ 이고  
 $(f \circ g)^{-1}(3) = (g^{-1} \circ f^{-1})(3) = g^{-1}(f^{-1}(3)) = g^{-1}(4) = 4$ 이다.

따라서  $(g \circ f)(1) + (f \circ g)^{-1}(3) = 2 + 4 = 6$

### 6. [출제의도] 유리함수의 그래프의 성질을 추론하기

유리함수  $y = \frac{3x+5}{x-1} = \frac{8}{x-1} + 3$ 의 그래프는  
 아래 그림과 같다.



위의 그림으로부터

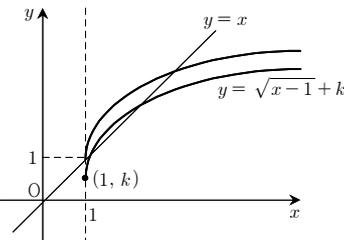
- ㄱ. 점근선의 방정식은  $x = 1, y = 3$ 이다. (참)
  - ㄴ. 그래프는 제3사분면을 지난다. (참)
  - ㄷ. 그래프는 점근선의 교점 (1, 3)을 지나고 기울기가 1 또는 -1인 직선에 대하여 대칭이다. 이때, 이 직선의 방정식을 구하면,  $y-3 = \pm 1(x-1)$  즉,  $y = x+2$  또는  $y = -x+4$ 이다. 그러므로 그래프는 직선  $y = x+3$ 에 대하여 대칭이 아니다. (거짓)
- 따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ이다.

### 7. [출제의도] 일대일 대응, 항등함수, 상수함수를 이해하기

$g(x)$ 가 항등함수이므로  $g(3) = 3$ 이고  $f(2) = h(6) = 3$ 이다.  
 한편,  $f(x)$ 가 일대일 대응이고  $f(2) = 3$ 이므로  $f(2)f(3) = f(6)$ 이 성립하려면  $f(3) = 2$ 이어야 한다. 또한  $h(x)$ 가 상수함수이므로  $h(2) = 3$ 이다.  
 따라서  $f(3) + h(2) = 2 + 3 = 5$

### 8. [출제의도] 무리함수의 그래프를 이해하기

무리함수  $y = f(x)$ 와 그 역함수  $y = f^{-1}(x)$ 의 그래프가 서로 다른 두 점에서 만나려면 아래 그림과 같이  $f(x) = \sqrt{x-1} + k$ 의 그래프는 직선  $y = x$ 와 서로 다른 두 점에서 만나야 한다.



위 그림에서  $y = \sqrt{x-1} + k$ 의 그래프가 직선  $y = x$ 와 서로 다른 두 점에서 만날 때, 상수  $k$ 의 최댓값은 1이다.

### 9. [출제의도] 다항식의 최대공약수와 최소공배수의 뜻을 알고 추론하기

$A = aG, B = bG$  ( $a, b$ 는 서로소)라고 하면,  
 $G(A, B) = G, L(A, B) = abG$ 이다.  
 ㄱ.  $G(A, AB) = G(aG, abG^2) = aG = A$  (참)  
 ㄴ.  $L(G(A, B), L(A, B)) = L(G, abG)$   
 $= abG = L(A, B)$  (참)  
 ㄷ.  $G(L(A, B), B) = G(abG, bG) = bG = B$   
 $L(G(A, B), B) = L(G, bG) = bG = B$  (참)

따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄷ이다.

### 10. [출제의도] 이차방정식의 판별식의 의미를 이해하기

- i)  $k = 1$ 일 때, 주어진 방정식은  $-8x + 1 = 0$ 이므로 해는 한 개이다.  $\therefore k = 1$
- ii)  $k \neq 1$ 일 때, 주어진 방정식이 중근을 가져야 하므로 판별식은  $D = 0$ 이다.  
 $\frac{D}{4} = (-4)^2 - k(k-1) = 0$   
 즉,  $k^2 - k - 16 = 0$ 을 만족하는  $k$ 의 값들의 합은 1이다.  
 따라서 i), ii)로부터 모든 상수  $k$ 의 합은 2이다.

### 11. [출제의도] 복소수의 연산에 관한 성질을 이해하기

복소수  $z_0$ 를 이 연산장치에 입력하면  $z_1 = \frac{z_0}{i}$ 가 출력된다. 출력된 값  $z_1$ 을 다시 이 연산장치에 입력하면  $z_2 = \frac{z_1}{i^2}$ 가 출력된다.  $z_2$ 를 이 연산장치에 입력하면  $z_3 = \frac{z_2}{i^3}$ 가 출력된다. 이와 같은 과정을 계속해 나갈 때,  $z_{2009} = \frac{z_0}{i^{2009}}$ 가 출력된다.  
 한편,  $i^{2009} = (i^4)^{502} \cdot i = i$  ( $\because i^4 = 1$ )이므로  
 $z_{2009} = \frac{z_0}{i} = 2 + i$ 이다. 그러므로  
 $z_0 = (2 + i) \cdot i = -1 + 2i = a + bi$ 에서  
 $a, b$ 가 실수이므로  $a = -1, b = 2$ 이다.  
 따라서  $a - b = -3$

### 12. [출제의도] 연립부등식을 풀기

- i)  $x^2 - 2x - 24 \leq 0$   
 $\Leftrightarrow (x-6)(x+4) \leq 0$   
 $\Leftrightarrow -4 \leq x \leq 6$
  - ii)  $-1 \leq [x-1] \leq 6$   
 $\Leftrightarrow -1 \leq x-1 < 7$   
 $\Leftrightarrow 0 \leq x < 8$
- i), ii)로부터 연립부등식의 해는  $0 \leq x \leq 6$ 이다.  
 따라서 만족하는 정수  $x$ 의 개수는 7이다.

### 13. [출제의도] 집합의 연산법칙을 이해하여 추론하기

$A, B^C$ 이 서로소  $\Leftrightarrow A \cap B^C = \emptyset \Leftrightarrow A \subset B$   
 $\neg, A - B = \emptyset$  (참)  
 ㄴ.  $A \cap B = A$ 이므로  $(A \cap B)^C = A^C$  (참)  
 ㄷ.  $(A^C \cup B) \cap A = (A^C \cap A) \cup (B \cap A) = \emptyset \cup A = A$  (참)  
 따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄷ이다.

### 14. [출제의도] 이차함수와 이차부등식의 관계를 이해하기

이차함수와 이차부등식의 관계에 의하여 주어진 그림으로부터 이차부등식  $f(x) \leq 0$ 의 해는  $-1 \leq x \leq 2$ 이다.  
 이때,  $f\left(\frac{x+k}{2}\right) \leq 0$ 에서  $\frac{x+k}{2} = t$ 라 하면  $f(t) \leq 0$ 이므로 이차부등식  $f(t) \leq 0$ 의 해는  $-1 \leq t \leq 2$ 이다.  
 그러므로  $-1 \leq \frac{x+k}{2} \leq 2$   
 $\Leftrightarrow -2 \leq x+k \leq 4$   
 $\Leftrightarrow -2-k \leq x \leq 4-k \dots$  ①이다.

또한,  $f\left(\frac{x+k}{2}\right) \leq 0$ 의 해가  $-3 \leq x \leq 3 \dots ②$   
 이라 하였으므로 ①의 식과 ②의 식은 같아야 한다.  
 따라서  $-2-k=-3, 4-k=3$ 에서  $k=1$ 이다.

15. [출제의도] 절대부등식을 증명하기

양의 실수  $a, b, c$ 에 대하여  
 $(a+b)^2 - 4ab = (a-b)^2 \geq 0$ 이므로  
 $4ab \leq (a+b)^2$ 이고, 같은 방법으로  
 $4bc \leq (b+c)^2, 4ca \leq (c+a)^2$ 이므로  
 $4abc \left( \frac{1}{a+b} + \frac{1}{b+c} + \frac{1}{c+a} \right)$   
 $= \frac{4ab}{a+b}c + \frac{4bc}{b+c}a + \frac{4ca}{c+a}b$   
 $\leq \frac{(a+b)^2}{a+b}c + \frac{(b+c)^2}{b+c}a + \frac{(c+a)^2}{c+a}b$   
 $= 2(ab+bc+ca) \dots \dots ㉑$ 이다.  
 한편,  $a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca \geq 0$   
 $\Leftrightarrow (a+b+c)^2 - 3(ab+bc+ca) \geq 0$   
 $\Leftrightarrow ab+bc+ca \leq \frac{(a+b+c)^2}{3} \dots \dots ㉒$ 이다.

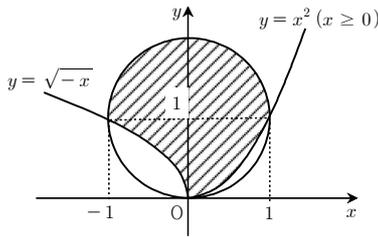
따라서 ㉑, ㉒으로부터  
 $4abc \left( \frac{1}{a+b} + \frac{1}{b+c} + \frac{1}{c+a} \right)$   
 $\leq \frac{2}{3}(a+b+c)^2 \dots \dots ㉓$ 이다.  
 이때, ㉓의 양변을  $4abc$ 로 나누면  
 $\frac{1}{a+b} + \frac{1}{b+c} + \frac{1}{c+a} \leq \frac{(a+b+c)^2}{6abc}$ 이다.  
 $\therefore$  (가)  $(a-b)^2$ , (나)  $2(ab+bc+ca)$ , (다) 3

16. [출제의도] 이차방정식의 근과 계수의 관계를 이해하기

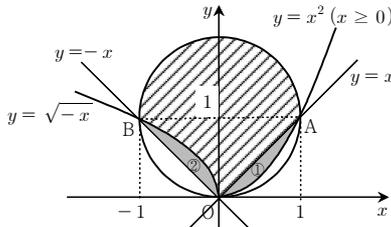
$(x-3)(x-1)(x+2)+1 = x$   
 $\Leftrightarrow (x-3)(x-1)(x+2) - (x-1) = 0$   
 $\Leftrightarrow (x-1)(x^2-x-7) = 0$   
 이므로 삼차방정식의 한 근은 1이고 나머지 두 근은  $x^2-x-7=0$ 의 근이다.  
 이때,  $\gamma=1$ 이라 하고 이차방정식  $x^2-x-7=0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 하면, 근과 계수의 관계로부터  $\alpha+\beta=1, \alpha\beta=-7$ 이다.  
 그러므로  $\alpha^3+\beta^3 = (\alpha+\beta)^3 - 3\alpha\beta(\alpha+\beta) = 22$   
 따라서  $\alpha^3+\beta^3+\gamma^3 = 23$

17. [출제의도] 부등식의 영역의 의미를 이해하여 문제 해결하기

함수  $f(x) = \begin{cases} x^2 & (x \geq 0) \\ \sqrt{-x} & (x < 0) \end{cases}$ 에 대하여  
 연립부등식  $\begin{cases} y \geq f(x) \\ x^2 + (y-1)^2 \leq 1 \end{cases}$ 을 만족하는 점  $(x, y)$ 가 나타내는 영역은 아래 그림과 같다.



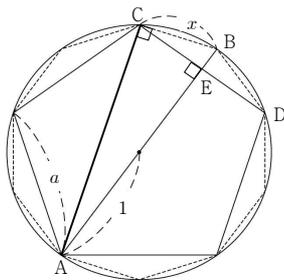
한편,  $y = x^2 (x \geq 0)$ 의 역함수는  $y = \sqrt{x}$ 이고,  
 $y = \sqrt{x}$ 와  $y = \sqrt{-x}$ 는  $y$ 축에 대칭이므로 아래 그림과 같이 ①, ②의 영역의 넓이가 같다.



그러므로 위 그림에서 구하는 영역의 넓이는 반직선의 길이가 1인 반원의 넓이와 직각삼각형 BOA의 넓이의 합이다.  
 따라서 구하는 영역의 넓이는  $\frac{\pi}{2} + 1$ 이다.

18. [출제의도] 고차방정식을 이용하여 정십각형의 한 변의 길이를 추론하기

그림과 같이 정오각형의 한 꼭짓점 A와 정십각형의 한 꼭짓점 B를 이으면 원의 지름이 된다. 이때, 지름 AB와 정오각형의 한 변 CD가 만나는 점을 E라 하자.



이때, 정십각형의 한 변의 길이를  $x$ 라 하면,  
 $AC = \sqrt{4-x^2}$ 이다.  
 한편, 삼각형 ABC에서  
 $\frac{1}{2} \times AC \times BC = \frac{1}{2} \times AB \times CE$ 이므로  
 $\sqrt{4-x^2} \cdot x = a \dots \dots ㉑$ 이고,  
 ㉑의 식을 정리하면  
 $x^4 - 4x^2 + a^2 = 0 \dots \dots ㉒$ 이다.  
 ㉒의 방정식을 풀면,  $x^2 = 2 \pm \sqrt{4-a^2}$ 이다.  
 이때,  $0 < x < 1$ 이어야 하므로  
 $x^2 = 2 - \sqrt{4-a^2}$ 에서  
 $x = \sqrt{2 - \sqrt{4-a^2}}$ 이다.  
 $\therefore$  (가)  $\sqrt{4-x^2}$ , (나) 4, (다)  $\sqrt{2 - \sqrt{4-a^2}}$

19. [출제의도] 이차함수의 최대, 최소를 이해하여 문제 해결하기

주어진 조건  $\overline{PA}^2 + \overline{PB}^2 = 4$ 를 만족하는 점 P는 원  $x^2 + (y-1)^2 = 1$  위의 점이고  $y$ 의 범위는  $0 \leq y \leq 2$ 이다.  
 그러므로  $y - x^2 = y - \{1 - (y-1)^2\}$   
 $= y^2 - y$   
 $= \left(y - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4} \quad (0 \leq y \leq 2)$   
 에서  $y - x^2$ 은  $y=2$ 일 때, 최댓값 2를 갖고  
 $y = \frac{1}{2}$ 일 때, 최솟값  $-\frac{1}{4}$ 을 갖는다.  
 따라서  $y - x^2$ 의 최댓값과 최솟값의 합은  $\frac{7}{4}$ 이다.

20. [출제의도] 선분의 내분과 외분을 이해하여 추론하기

선분 AC를  $m:n$ 으로 내분하는 점 P의 좌표는  $p = \frac{mc+na}{m+n} \dots \dots ㉑$   
 이고, 선분 BC를  $m:n$ 으로 외분하는 점 P의 좌표는  $p = \frac{mc-nb}{m-n} \dots \dots ㉒$ 이다.  
 따라서  $\frac{mc+na}{m+n} = \frac{mc-nb}{m-n} \dots \dots ㉓$ 이다.  
 ㉓.  $a=1, b=5, m=1, n=2$ 를 ㉓식에 대입하면,  $\frac{c+2}{3} = \frac{c-10}{-1}$ 에서  $c=7$ 이다. (참)  
 ㉔.  $a=0, c=3, m=2, n=1$ 을 ㉓식에 대입하면,  $\frac{6+0}{3} = \frac{6-b}{1}$ 에서  $p=2, b=4$ 가 되어  $a < p < c < b$ 이다. (거짓)  
 ㉕. ㉑식의 양변에  $m+n$ 을 곱하면  $(m+n)p = mc+na \dots \dots ㉖$ 이다.  
 ㉒식의 양변에  $m-n$ 을 곱하면  $(m-n)p = mc-nb \dots \dots ㉗$ 이다.  
 이때, ㉖식과 ㉗식을 연립하여  $p$ 에 관하여 정리하면  $p = \frac{a+b}{2}$ 이다. (참)  
 따라서 옳은 것은 ㉓, ㉕이다.

21. [출제의도] 평행이동과 대칭이동의 의미를 이해하여 문제 해결하기

점 C의  $x$ 좌표를  $a$ 라 하면, 점 C의 좌표는  $(a, a^2)$ 이 된다. 그런데 사각형 ABCD가 정사각형이고 두 점 B, D가 직선  $y=x$  위의 점이므로, 점 B의 좌표는  $(a^2, a^2)$ , 점 D의 좌표는  $(a, a)$ , 점 A의 좌표는  $(a^2, a)$ 가 된다.  
 한편, 점 A가 곡선  $y = -(x-1)^2 + 1 \dots ㉑$  위의 점이므로  $A(a^2, a)$ 를 ㉑의 식에 대입하면,  
 $a = -(a^2-1)^2 + 1 \dots ㉒$ 가 성립한다.  
 ㉒의 식을  $a$ 에 관하여 정리하면,  
 $a^4 - 2a^2 + a = 0$   
 $\Leftrightarrow a(a-1)(a^2+a-1) = 0$ 이다.  
 이때,  $a \neq 0, a \neq 1 (\because B, D$ 는 서로 다른 점)이므로  $a^2+a-1=0$ 에서  
 $a = \frac{-1+\sqrt{5}}{2} (\because a > 0)$ 이다.  
 따라서 정사각형의 한 변의 길이는 다음과 같다.  
 $a - a^2 = a - (-a+1) = 2a - 1 = \sqrt{5} - 2$

22. [출제의도] 나머지정리의 의미를 이해하기

다항식  $x^3 + 3x^2 - x + 2$ 를  $x-2$ 로 나누었을 때, 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 라 하면,

$x^3 + 3x^2 - x + 2 = (x-2)Q(x) + R \dots \textcircled{1}$ 이다.  
 이때,  $\textcircled{1}$ 의 식에  $x = 2$ 를 대입하면,  
 $R = 2^3 + 3 \cdot 2^2 - 2 + 2 = 20$ 이다.

**23. [출제의도] 이차함수와 이차방정식의 관계를 이해하기**

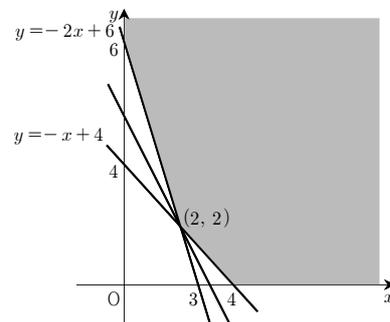
$y = x^2 + ax + 3$ 의 그래프와 직선  $y = 2x + b$ 의 두 교점의  $x$ 좌표는 이차방정식  $x^2 + (a-2)x + 3-b = 0$ 의 두 근이다. 이때, 주어진 조건에서  $x^2 + (a-2)x + 3-b = 0$ 의 두 근이  $-2$ 와  $1$ 이므로 근과 계수의 관계로부터  $-2 + 1 = -a + 2$ ,  $(-2) \times 1 = 3 - b$ 이다. 그러므로  $a = 3$ ,  $b = 5$ 이다. 따라서  $2b - a = 7$

**24. [출제의도] 두 직선의 평행조건과 수직조건을 이해하기**

직선  $y = mx + 3$ 이 직선  $y = \frac{n}{2}x - 1$ 과 수직이므로  $m \cdot \frac{n}{2} = -1$ 에서  $mn = -2$ 이다. 한편, 직선  $y = mx + 3$ 이 직선  $y = (3-n)x - 1$ 과는 평행하므로  $m = 3 - n$ 에서  $m + n = 3$ 이다. 따라서  $m^2 + n^2 = (m+n)^2 - 2mn = 13$

**25. [출제의도] 부등식의 영역을 활용하여 최소문제 해결하기**

수험생이 하루에 구입해야 할 제품 P의 알의 개수를  $x$ , 제품 Q의 알의 개수를  $y$ 라 하면, 하루에 비타민B<sub>1</sub>과 비타민C의 섭취량은 각각  $20x + 10y$  (mg),  $20x + 20y$  (mg)이다. 이때, 주어진 조건에서 수험생이 하루에 비타민B<sub>1</sub>을 60mg 이상, 비타민C를 80mg 이상 섭취해야 하므로  $\begin{cases} x \geq 0, y \geq 0 \\ 20x + 10y \geq 60 \dots \textcircled{1} \text{이다.} \\ 20x + 20y \geq 80 \end{cases}$  한편, 수험생이 하루에 제품을 구입할 비용은  $150x + 100y$ 이므로  $150x + 100y = k \dots \textcircled{2}$ 라 하자. 이때, 아래 그림과 같이  $\textcircled{2}$ 의 직선을 연립부등식  $\textcircled{1}$ 의 영역 위에서 움직일 때,  $k$ 의 값의 최소는 두 직선  $2x + y = 6$ ,  $x + y = 4$ 의 교점  $(2, 2)$ 를 지날 때이다. 따라서 제품 P를 2알, 제품 Q를 2알 구입하면 되므로 필요한 최소비용은  $150 \times 2 + 100 \times 2 = 500$  (원)이다.  $\therefore a = 500$



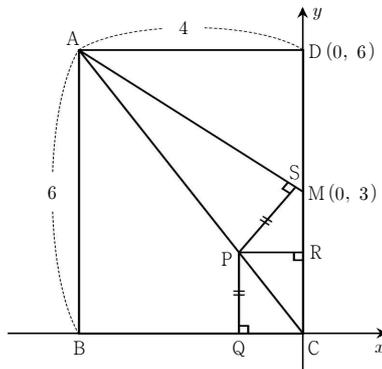
**26. [출제의도] 유리식을 계산하여 문제해결하기**

$$\frac{x}{1 + \frac{2}{x+1}} = \frac{x}{\frac{x+3}{x+1}} = \frac{x^2 + x}{x+3}$$

$$= x - 2 + \frac{6}{x+3}$$

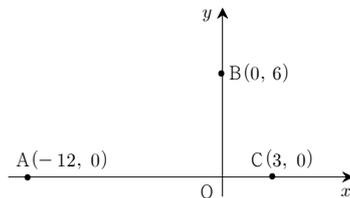
따라서  $x - 2 + \frac{6}{x+3} = x + a + \frac{b}{x+3}$ 에서  $a = -2$ ,  $b = 6$ 이므로  $a + b = 4$ 이다.

**27. [출제의도] 점과 직선 사이의 거리를 이용하여 문제해결하기**



위 그림과 같이 점 C를 원점으로 하고, 선분 BC를  $x$ 축, 선분 DC를  $y$ 축과 일치시키면, 점 A, M의 좌표는  $A(-4, 6)$ ,  $M(0, 3)$ 이다. 이때, 선분 PR의 길이를  $a$ 라 하면, 직선 AC의 방정식은  $y = -\frac{3}{2}x$ 이므로 점 Q, P의 좌표는  $Q(-a, 0)$ ,  $P(-a, \frac{3}{2}a)$ 이다. 한편, 직선 AM의 방정식은  $3x + 4y - 12 = 0$ 이므로 점  $P(-a, \frac{3}{2}a)$ 에서 직선  $3x + 4y - 12 = 0$ 까지의 거리는  $\frac{|3a - 12|}{5}$ 이다. 또한 주어진 조건에서  $\overline{PQ} = \overline{PS}$ 이므로  $\frac{3}{2}a = \frac{|3a - 12|}{5} \Leftrightarrow 5a = 2|a - 4|$ 이다. 그런데 상수  $a$ 의 값은  $0 < a < 4$ 이므로  $5a = -2a + 8$ 에서  $a = \frac{8}{7}$ 이다. 따라서  $a = \frac{8}{7} = \frac{q}{p}$  ( $p, q$ 는 서로소)에서  $p = 7$ ,  $q = 8$ 이므로  $p + q = 15$ 이다.

**28. [출제의도] 두 점 사이의 거리를 이용하여 실생활 문제해결하기**

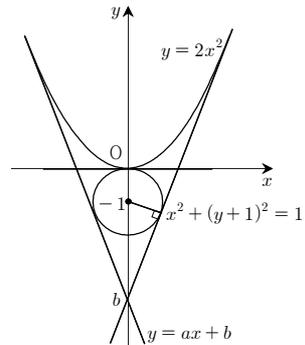


위 그림과 같이 두 지점 A, C를 지나는 직선을  $x$ 축으로 하고, 지점 B를 지나면서  $x$ 축에 수직인

직선을  $y$ 축이라 하면, 각 지점 A, B, C의 좌표는  $A(-12, 0)$ ,  $B(0, 6)$ ,  $C(3, 0)$ 이다. 이때, 구하는 D 지점의 좌표를  $D(a, b)$ 라 하자. 동일평면 위의 A, B, C 각 지점에서 D 지점까지의 각각의 직선 도로 건설비용이 모두 같다고 하였으므로  $\overline{AD} : \overline{BD} : \overline{CD} = 4 : 2 : 1$ 임을 알 수 있다. i)  $\overline{AD} : \overline{BD} = 4 : 2 = 2 : 1$ 에서  $2\overline{BD} = \overline{AD}$  즉,  $4\overline{BD}^2 = \overline{AD}^2 \Leftrightarrow 4(a^2 + (b-6)^2) = (a+12)^2 + b^2 \Leftrightarrow a^2 - 8a + b^2 - 16b = 0 \dots \textcircled{1}$  ii)  $\overline{BD} : \overline{CD} = 2 : 1$ 에서  $2\overline{CD} = \overline{BD}$  즉,  $4\overline{CD}^2 = \overline{BD}^2 \Leftrightarrow 4(a-3)^2 + b^2 = a^2 + (b-6)^2 \Leftrightarrow a^2 - 8a + b^2 + 4b = 0 \dots \textcircled{2}$   $\textcircled{1}$ ,  $\textcircled{2}$ 를 연립하여 풀면,  $(a, b) = (0, 0)$ ,  $(8, 0)$ 이다. 그러므로 두 지점의 좌표는  $(0, 0)$ ,  $(8, 0)$ 이다. 따라서 두 지점 사이의 거리는 8km이다.  $\therefore x = 8$

**29. [출제의도] 원과 직선의 위치관계를 이해하기**

아래 그림과 같이 i) 직선  $y = ax + b$ 가 이차함수  $y = 2x^2$ 의 그래프에 접하므로 이차방정식  $2x^2 - ax - b = 0$ 의 판별식은  $D = 0$ 이다. 그러므로  $a^2 = -8b \dots \textcircled{1}$  ii) 직선  $y = ax + b$ 가 원  $x^2 + (y+1)^2 = 1$ 에 접하므로  $\frac{|1+b|}{\sqrt{a^2+1}} = 1$ 이다. 그러므로  $a^2 + 1 = b^2 + 2b + 1 \dots \textcircled{2}$   $\textcircled{1}$ ,  $\textcircled{2}$ 를 연립하여 풀면,  $b = -10$  ( $b < 0$ ),  $a^2 = 80$ 이다. 따라서  $a^2 + b = 70$



**30. [출제의도] 항등식을 이용하여 문제해결하기**

$(x+9)(x+99)(x+999) = x^3 + A_1x^2 + A_2x + A_3 \dots \textcircled{1}$ 에서  $A_1 = 9 + 99 + 999$ ,  $A_2 = 9 \times 99 + 99 \times 999 + 999 \times 9$ ,  $A_3 = 9 \times 99 \times 999$  이므로  $\textcircled{1}$ 의 식에  $x = 1$ 을 대입하면,  $10 \times 100 \times 1000 = 1 + A_1 + A_2 + A_3$ 이다. 따라서  $A_1 + A_2 + A_3 = 999999$ 를 1000으로 나눈 나머지는 999이다.